# УДК 621.383

# Корреляция случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах

А.Ю. Селяков, И.Д. Бурлаков, В.В. Шабаров

На основе точного решения уравнения Ланжевена рассчитаны корреляторы случайных полей (СП) концентрации и тока подвижных носителей заряда в гомогенном полупроводнике и в ИК фотодиоде с базой конечной длины. Показано, что в базе p-n-nерехода рассматриваемые СП являются неоднородными даже при нулевом смещении, когда концентрация и ток подвижных носителей заряда не зависят от координаты. Установлено, что равновесные СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в объеме гомогенного полупроводника являются однородными, а в приповерхностных областях неоднородными даже при нулевой скорости поверхностной рекомбинации. Обоснована оптимальная структура ИК-фотодиода с коррелированной обработкой сигнала и шума.

PACS: 27.40.+w, 72.70.+m

Ключевые слова: шум, флуктуации, случайное поле, коррелятор, *p*-*n*-переход.

#### Введение

Идея подавления диффузионного тока и его флуктуаций в ИК-фотодиодах с короткой базой (d > L, где d – толщина базы, а L – диффузионная длина неосновных носителей в базе) и блокирующим контактом к базе была высказана достаточно давно [1], однако ее полноценная реализация стала возможной лишь на современном уровне развития технологии молекулярно-лучевой эпитаксии. Так, на основе InAs/InGaSb сверхрешеток II-типа разработаны ИК-фотодиоды с короткой базой и дополнительным изотипным гетеропереходом, выполняющим роль блокирующего контакта для неосновных носителей к базе [2, 3]. Многоэлементные матрицы ИК-фотодиодов с короткой базой и виртуальным блокирующим контактом могут быть созданы на основе гетероэпитаксиальных слоев из узкозонных ( $E_g \simeq 0,1$  эВ) твердых растворов (HgCd) Te [4].

Отметим, что возможность подавления диффузионного тока и его флуктуаций в ИК-фотодиодах с короткой базой обоснована в работе [1] на основе теоремы Найквиста, которая справедлива лишь при термодинамическом равновесии. Спектральная плотность шума ИК-фотодиода с короткой

ОАО «НПО «ОРИОН».

Россия, 111123, Москва, шоссе Энтузиастов, 46/2.

Факс: 8499373-68-62. E-mail: orion@orion-ir.ru, orionxt@nxt.ru

Статья поступила в редакцию 30 июля 2013 г.

© Селяков А.Ю., Бурлаков И.Д., Шабаров В.В., 2013

базой и блокирующим контактом в условиях отклонения от термодинамического равновесия рассчитана в работах [5–7] на основе метода Ланжевена. При этом в работе [5] показано, что ширина диапазона частот, в котором спектральная плотность собственного шума ИК-фотодиода с короткой базой и блокирующим контактом к базе в th(d/L) раз меньше спектральной плотности шума аналогичного фотодиода с длинной базой  $(d \gg L)$ , зависит от величины и полярности смещения на *p*–*n*-переходе.

В настоящей работе на основе метода Ланжевена в низкочастотном пределе ( $\omega \tau \ll 1$ , где  $\tau$  – время жизни неосновных носителей в базе) рассчитаны корреляционные функции и спектральные плотности флуктуаций стационарных случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе ИК-фотодиода и в гомогенном полупроводнике.

#### Стационарная модель

Рассмотрим  $p^+$ -*n*-переход, темновой ток которого определяется процессами генерации-рекомбинации в квазинейтральной области (КНО) *n*-типа, и на котором поддерживается постоянное смещение *V* произвольной полярности, причем при тех же приближениях и допущениях, что и в работе [5]. Структура рассматриваемого  $p^+$ -*n*перехода изображена на врезке на рис. 1. Ось *x* направлена от *n*-области, толщина которой равна *d*, к  $p^+$ -области, а точка x = 0 расположена на границе раздела квазинейтральной *n*-области и области пространственного заряда (ОПЗ).

Селяков Андрей Юрьевич, ведущий научный сотрудник. Бурлаков Игорь Дмитриевич, зам. генерального директора. Шабаров Владимир Вениаминович, начальник управления.

Для расчета стационарной концентрации дырок p(x, V) в КНО *п*-типа необходимо решить уравнение непрерывности в амбиполярной форме [8]. В случае омического контакта в точке x = -dграничное условие к амбиполярному уравнению непрерывности имеет вид  $\Delta p^{\infty}(-d, V) = 0$ , а в случае блокирующего –  $(\partial \Delta p^0(x, V) / \partial x)\Big|_{x=-d} = 0$ , где  $\Delta p(x, V) = (p_s(x, V) - p_0)$  – концентрация неравновесных дырок, а  $p_0$  – концентрация равновесных дырок в *п*-области. Граничное условие к амбиполярному уравнению непрерывности на границе раздела КНО *п*-типа с ОПЗ, т.е. в точке x = 0, имеет вид  $\Delta p(0, V) = p_0 e_1(V)$  [8, 9], где  $e_1(V) = \exp((qV) / (kT)) - 1, q - заряд электрона,$ *k* – постоянная Больцмана, *T* – температура. При таких граничных условиях распределение концентрации дырок и дырочного тока в КНО *п*-типа рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода имеет вид [1, 5]:

$$p_s^{\infty}(x,V) = p_0 + p_0 e_1(V) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right), \quad (1)$$

 $J_p^{\infty}(x,V) = J_d^{inf} e_1(V) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right),$ для случая омического контакта, и

$$p_s^0(x,V) = p_0 + p_0 e_1(V) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right), \quad (3)$$

$$J_{p}^{0}(x,V) = J_{d}^{inf} e_{1}(V) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right), \quad (4)$$

для случая блокирующего контакта, где  $J_d^{inf} = (qLp_0)/\tau$  – диффузионный ток обратносмещенного  $p^+$ -*n*-перехода с длинной базой. В случае  $d \rightarrow \infty$  уравнения (1) – (2) и (3) – (4) переходят в известные выражения для распределения концентрации и тока неосновных носителей заряда в *p*-*n*-переходе с длинной базой [8, 9]:

$$p_s^{inf}(x,V) = p_0 + p_0 e_1(V) \exp\left(\frac{x}{L}\right),$$
 (5)

$$J_p^{inf}(x,V) = J_d^{inf} e_1(V) \exp\left(\frac{x}{L}\right).$$
 (6)

#### Стохастическая модель

В рамках сделанных допущений при анализе флуктуационных явлений в рассматриваемом  $p^+$ -*n*-переходе можно ограничиться решением уравнения Ланжевена в амбиполярной форме [6, 10], которое мы сразу запишем для трансформант Фурье случайных величин:

$$\frac{\partial^2 \delta p_{\omega}}{\partial x^2} - \frac{\delta p_{\omega}}{L_{\omega}^2} = -\frac{1}{D_p} \left( \gamma_{p,\omega} + \frac{\partial j_{p,\omega}}{\partial x} \right), \quad (7)$$

где  $\omega$  – круговая частота,  ${}^{r}L_{\omega} = L(1+i\omega\hat{\tau})^{-1/2}$  – кинетическая диффузионная длина дырок в *n*-области, i – мнимая единица,  $\delta p_{\omega}(x,V)$  – Фурье трансформанта флуктуации концентрации дырок, а  $\gamma_{p,\omega}$  и  $j_{p,\omega}$  – Фурье трансформанты случайных источников, обусловленных случайным характером процессов генерации– рекомбинации и рассеяния, соответственно,  $D_p$  – коэффициент диффузии дырок. Отметим, что анализ флуктуаций в полупроводниковом резисторе в случае, когда принимается во внимание только случайный источник, соответствующий случайному характеру процессов рассеяния, приводит к известной формуле Найквиста для теплового шума [10]. Обоснование введения в диффузионно–дрейфовую модель случайного источника, соответствующий случайному характеру процессов рассеяния, и расчет корреляторов таких источников даны в монографиях [11, 12].

В случае омического контакта в точке x = -d стохастическое граничное условие имеет вид  $\delta p_{\omega}^{\infty}(-d,V) = 0$ , а в случае блокирующего контакта имеем  $(\partial \delta p_{\omega}^{0}(x,V) / \partial x)\Big|_{x=-d} = 0$  [5–7]. Сто-



Рис. 1. Низкочастотный предел СПФ СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в КНО п типа *p*<sup>+</sup>−*n перехода с короткой базой: сплошные линии* — *СПФ* СП концентрации, пунктирные — СПФ СП плотности тока, 1, 3 — блокирующий контакт, 2, 4 — омический, d/L = 0.5, V = 0. На врезке изображена структура рассматриваемого p<sup>+</sup>-п перехода. Кривые 2 и 4 также представляют собой низкочастотный предел СПФ СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в общей базе р-п переходов фотодиода с коррелированной обработкой сигнала и шума [20] при V = 0, соответственно. Кривые 1 и 3, а также 2 и 4 представляют собой также низкочастотный предел СПФ равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в слое гомогенного полупроводника толщиной d с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на грани x = 0 и нулевой скоростью на грани x = -d, а так же с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на гранях x = 0 и x = -d, соответственно.

хастическое граничное условие на границе раздела КНО *n*-типа–ОПЗ (точке x = 0) имеет вид  $\delta p(0,V) = 0$  [5] и справедливо в случае низкого уровня инжекции при прямом смещении, а также при отсутствии теплового и туннельного пробоя при обратном смещении, причем в диапазоне частот  $0 < \omega \ll (t_{fl}^{\mu})^{-1}, (t_{fl}^{D})^{-1}$ , где  $t_{fl}^{D}$  и  $t_{fl}^{\mu}$  – время диффузии и дрейфа через ОПЗ неосновных носителей заряда в базе. При этом для случая  $p^+$ –*n*-перехода на основе тройного твердого раствора Hg<sub>1-x</sub>Cd<sub>x</sub>Te ( $x \approx 0.2$ ), сформированного низкоэнергетичной ионной обработкой [13], частотный диапазон применимости данного стохастического граничного условия простирается вплоть до нескольких гигагерц [5]. В работе [5] показано также, что спектральная плотность шума несимметричного *p*–*n*-перехода с длинной базой, рассчитанная на основе уравнения Ланжевена (7) при использовании стохастического граничного условия  $\delta p(0,V) = 0$  представляет собой известную формулу ван-дер-Зила [14].

Решение уравнения (7) для случаев омического и блокирующего контакта  $\delta p_{\omega}^{\infty}(x)$  и  $\delta p_{\omega}^{0}(x)$ , соответственно, определяется выражениями [6]:

$$\delta p_{\omega}^{\infty}(x) = \frac{L_{\omega}}{D_{p}} \int_{-d}^{x} \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{D_{p}} \int_{-d}^{x} \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{D_{p}} \int_{-d}^{x} \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{D_{p}} \int_{-d}^{0} \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{\omega}}\right) \int_{-d}^{0} \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx',$$

$$\delta p_{\omega}^{0}(x) = \frac{L_{\omega}}{D_{p}} \int_{-d}^{x} \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{D_{p}} \int_{-d}^{x} \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{D_{p}} \int_{-d}$$

В квазинейтральной *п*-области Фурье трансформанта флуктуации плотности дырочного тока определяется уравнением  $(1/q)\delta J_{p,\omega}(x) = -D_p \partial \delta p_{\omega}(x) / \partial x - j_{p,\omega}(x)$  [10, 12, 15]. Подставим в него выражения (8) и (9) и рас-

считаем значения Фурье трансформант плотностей дырочного тока в КНО *n*-типа  $p^+$ -*n*-перехода с короткой базой для случая омического и блокирующего контакта  $\delta J^{\infty}_{p,\omega}(x)$  и  $\delta J^{0}_{p,\omega}(x)$ , соответственно:

$$\frac{1}{q}\delta J_{p,\omega}^{\infty}(x) = \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{\omega}}\right)} \int_{-d}^{0} \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{L_{\omega}} \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{\omega}}\right)} \int_{-d}^{0} \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' + \\ + \int_{-d}^{x} \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{L_{\omega}} \int_{-d}^{x} \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx', \qquad (10)$$

$$\frac{1}{q} \delta J_{p,\omega}^{0}(x) = \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{\omega}}\right)} \int_{-d}^{0} \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{L_{\omega}} \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{\omega}}\right)} \int_{-d}^{0} \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' + \\ + \int_{-d}^{x} \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) \gamma_{p,\omega}(x') dx' - \frac{1}{L_{\omega}} \int_{-d}^{x} \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx'. \qquad (11)$$

# Корреляторы флуктуационных полей

Флуктуации концентрации и тока подвижных носителей заряда в *p*-*n*-переходе даже в одномерном случае представляют собой неоднородные случайные поля (СП). В стационарном случае для каждой точки *x* базы рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода существуют спектральные плотности флуктуаций (СПФ) концентрации и тока подвижных носителей заряда  $\hat{S}_{p,\omega}(x)$  и  $\hat{S}_{Jp,\omega}(x)$ соответственно, а для произвольной пары точек  $x_1$  и  $x_2$  – корреляционные функции (корреляторы)  $\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2)$  и  $\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2)$  соответственно. При этом Фурье трансформанты флуктуаций концентрации и тока подвижных носителей заряда связаны с соответствующими СПФ и корреляторами соотношениями [16–18]:

$$\langle \delta p_{\omega}(x) \delta p_{\omega'}^{*}(x) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{p,\omega}(x), \quad (12)$$

$$\langle \delta p_{\omega}(x_1) \delta p_{\omega'}^*(x_2) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2), (13)$$

$$\langle \delta J_{p,\omega}(x) \delta J^*_{p,\omega'}(x) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{Jp,\omega}(x), \quad (14)$$

$$\langle \delta J_{p,\omega}(x_1) \delta J_{p,\omega'}^*(x_2) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{Jp,\omega}(x_1, x_2), \quad (15)$$

где \* означает комплексное сопряжение,  $\langle \cdots \rangle$  – усреднение по ансамблю, а  $\delta(\omega)$  – дельта-функцию. Случайные источники  $\gamma_p$  и  $j_p$  представляют собой дельта-коррелированные по пространственным координатам неоднородные стационарные случайные поля, для Фурье трансформант которых  $\gamma_{p,\omega}(x, y, z)$  и  $j_{p,\omega}(x, y, z)$  и соответствующих корреляторов  $S_{\gamma,\omega}(x, x', y, y', z, z')$  и  $S_{j,\omega}(x, x', y, y', z, z')$  справедливы соотношения, аналогичные уравнениям (12) – (15), т.е.

$$\langle \gamma_{p,\omega}(x,y,z)\gamma_{p,\omega'}^{*}(x',y',z')\rangle = = 2\pi\delta(\omega'-\omega)\hat{S}_{\gamma,\omega}(x,x',y,y',z,z')$$

И

$$\langle j_{p,\omega}(x,y,z)j_{p,\omega'}^*(x',y',z')\rangle =$$
  
=  $2\pi\delta(\omega'-\omega)\hat{S}_{j,\omega}(x,x',y,y',z,z')$ .

При этом корреляторы случайных источников, соответствующих случайному характеру процессов генерации–рекомбинации и случайному характеру процессов рассеяния, соответственно, равны [10, 12, 15]:

$$S_{\gamma,\omega}(x, x', y, y', z, z') = \frac{2(p_s(x) + p_0)}{\tau} \delta(x - x') \delta(y - y') \delta(z - z'),$$
<sup>(16)</sup>  
$$S_{j,\omega}(x, x', y, y', z, z') = \frac{4D_p p_s(x) \delta(x - x') \delta(y - y') \delta(z - z').}$$
<sup>(17)</sup>

Случайные источники  $\gamma_p$  и  $j_p$  не коррелированы между собой, т.е. выполняются соотношения:

$$\langle \gamma_{p,\omega}(x,y,z) j_{p,\omega'}^*(x',y',z') \rangle =$$
  
=  $\langle j_{p,\omega}(x,y,z) \gamma_{p,\omega'}^*(x',y',z') \rangle = 0 .$ 

Отметим, что в выражениях (16) и (17) фигурируют корреляторы, определенные по положительным частотам

$$S_{\gamma,\omega}(x,x',y,y',z,z') = 2\hat{S}_{\gamma,\omega}(x,x',y,y',z,z')$$

И

 $S_{j,\omega}(x,x',y,y',z,z') = 2\hat{S}_{j,\omega}(x,x',y,y',z,z'),$ 

что имеет смысл, поскольку действительная часть взаимной СПФ стационарно связанных действительных случайных процессов является четной функцией частоты [14, 19]. Последнее справедливо также и для СПФ действительных случайных процессов [16]. Поэтому, мы будем рассматривать только положительные частоты и определим СПФ и действительные части корреляторов СП концентрации и тока подвижных носителей заряда на положительных частотах соотношениями

И

$$\operatorname{Re}(S_{p,\omega}(x_1, x_2)) = 2\operatorname{Re}(\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2)),$$
$$\operatorname{Re}(S_{Jp,\omega}(x_1, x_2)) = 2\operatorname{Re}(\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2))$$

 $S_{p,0}(x) = 2\hat{S}_{p,0}(x), \ S_{Jp,0}(x) = 2\hat{S}_{Jp,0}(x)$ 

соответственно. В данной работе мы будем рассматривать флуктуации концентрации и тока подвижных носителей заряда в низкочастотном пределе (  $\omega \tau \ll 1$ , где  $\tau$  – время жизни неосновных носителей в базе), когда мнимые части соответствующих корреляторов равны нулю, т.е.

$$\operatorname{Im}(\hat{S}_{p,0}(x_1, x_2)) = 0$$
 и  $\operatorname{Im}(\hat{S}_{Jp,0}(x_1, x_2)) = 0$ .

Поэтому в дальнейшем, для простоты, мы не будем записывать функцию выделения действительной части корреляторов и определим корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в низкочастотном пределе соотношениями

И

$$S_{Jp}(x_1, x_2) = 2\hat{S}_{Jp,0}(x_1, x_2),$$

 $S_{n}(x_{1}, x_{2}) = 2\hat{S}_{n0}(x_{1}, x_{2})$ 

соответственно.

Уравнения (12) – (15), а также соотношения (1), (3), (8) – (11) и (16), (17) после несложных, но довольно громоздких преобразований позволяют рассчитать СПФ и корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ –*n*-перехода, причем правая и левая части уравнений (12) – (15) должны быть усреднены по площади *p*–*n*-перехода *A*. Корреляторы СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода с блокирующим контактом  $S_p^0(x_1, x_2, V)$  и  $S_{J_p}^0(x_1, x_2, V)$ , соответственно, а также с омиче-

 $S_{J_{-}}^{\infty}$ 

ским контактом  $S_p^{\infty}(x_1, x_2, V)$  и  $S_{J_p}^{\infty}(x_1, x_2, V)$ , соответственно, все рассчитанные в низкочастотном пределе, определяются соотношениями:

$$S_p^0(x_1, x_2, V) = \frac{2p_0 \tau}{AL} \operatorname{sch}^2\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_2}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_1}{L}\right) \left\{ 2\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L}\right) + e_1(V) \left(\operatorname{ch}\left(\frac{d+x_1}{L}\right) + \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_2}{L}\right)\right) \right\}, \quad (18)$$

$$(x_1, x_2, V) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_1}{L}\right) \left(2\operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L}\right) + e_1(V)\right).$$
(19)

$$S_{p}^{\infty}(x_{1}, x_{2}, V) = \frac{2p_{0}\tau}{AL}\operatorname{csch}^{2}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{sh}\left(-\frac{x_{2}}{L}\right)\operatorname{sh}\left(\frac{d+x_{1}}{L}\right)\left\{2\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L}\right) + e_{1}(V)\left(\operatorname{sh}\left(\frac{d+x_{1}}{L}\right) + \operatorname{sh}\left(\frac{d+x_{2}}{L}\right)\right)\right\}, \quad (20)$$

$$S_{J_p}^{\infty}(x_1, x_2, V) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_1}{L}\right) \left(2\operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L}\right) + e_1(V)\right).$$
(21)

Прямым расчетом можно показать, что, как частные случаи взаимной СПФ стационарно связанных случайных процессов [14, 18, 19], корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода обладают свойством эрмитовой сопряженности, и в низкочастотном пределе удовлетворяют соотношениям

И

$$S_{J_p}^{0(\infty)}(x_1, x_2, V) = S_{J_p}^{0(\infty)}(x_2, x_1, V).$$

 $S_p^{0(\infty)}(x_1, x_2, V) = S_p^{0(\infty)}(x_2, x_1, V)$ 

Вместе с тем, вследствие неоднородности случайных полей концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода полученные корреляторы (18) – (21) зависят не от взаимного положения точек  $x_1$  и  $x_2$  на оси абсцисс, а от координаты каждой точки, причем в расчетах мы приняли, что для координат точек $x_1$  и  $x_2$  выполняется соотношение  $|x_1| > |x_2|$  (см. врезку на рис. 1). Отметим, что полученные выра-

жения соответствуют стохастическим граничным условиям к уравнению Ланжевена на блокирующем и омическом контакте, а также на границе раздела КНО-ОПЗ, т.е. выполняются соотношения  $S_{J_p}^0(-d, x_2, V) = 0$  и  $S_p^{\infty}(-d, x_2, V) = 0$ , а также  $S_p^0(x_1, 0, V) = 0$  и  $S_p^{\infty}(x_1, 0, V) = 0$ . Из уравнений (18) – (21) следует также, что при нулевом смещении, когда концентрация и ток подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого *p*–*n*-перехода не зависят от координаты ( $p_s^0(x, 0) = p_s^{\infty}(x, 0) = p_0$ ,  $J_p^0(x, 0) = J_p^{\infty}(x, 0) = 0$ ), случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются неоднородными.

Положив  $x_1 = x_2 = x_3$ , получим из уравнений (18) – (21) выражения для низкочастотного предела СПФ СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ -*n*-перехода для случая блокирующего контакта  $S_p^0(x, V)$  и  $S_p^0(x, V)$ , соответственно, а также для случая омического контакта  $S_p^{\infty}(x, V)$  и  $S_{J_p}^{\infty}(x, V)$  соответственно:

$$S_{p}^{0}(x,V) = \frac{4p_{0}\tau}{AL}\operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L}\right)\operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right)\left(1+e_{1}(V)\operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right)\right),\tag{22}$$

$$S_{J_p}^0(x,V) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right) \left(2\operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) + e_1(V)\right),\tag{23}$$

$$S_{p}^{\infty}(x,V) = \frac{4p_{0}\tau}{AL}\operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L}\right)\operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right)\left(1+e_{1}(V)\operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right)\right),\tag{24}$$

$$S_{J_{p}}^{\infty}(x,V) = \frac{2q^{2}p_{0}L}{A\tau}\operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right)\operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right)\left(2\operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) + e_{1}(V)\right).$$
(25)

Отметим, что, как и следовало ожидать, при x = 0 выражения (23) и (25) переходят в выражения (29) и (32), соответственно, работы [5] для спектральной плотности собственного шума несимметричного *p*–*n*-перехода и, в частности, находятся в соответствии с теоремой Найквиста [14].

Из уравнений (18) – (25) видно, что СПФ и корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе ИК-фотодиода состоят из двух слагаемых, а именно, неравновесного, зависящего от смещения на *p*–*n*-переходе, и равновесного, не зависящего от *V*. При этом случайные источники, обусловленные случайным характером генерации– рекомбинации и рассеяния, вносят вклад в каждое из этих слагаемых. Используя уравнения (1) – (4), выражения (18) – (25) можно преобразовать к виду:

$$S_{p}^{0}(x_{1}, x_{2}, V) = \frac{2\tau}{AL} \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_{2}}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_{1}}{L}\right) (p_{s}^{0}(x_{1}, V) + p_{s}^{0}(x_{2}, V)),$$
(26)

$$S_{J_{p}}^{0}(x_{1},x_{2},V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x_{2}}{L}\right) \frac{\partial J_{p}^{0}(x_{1},V)}{\partial V} \bigg|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_{p}^{0}(x_{1},V),$$
(27)

$$S_{p}^{\infty}(x_{1},x_{2},V) = \frac{2\tau}{AL} \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_{2}}{L}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x_{1}}{L}\right) (p_{s}^{\infty}(x_{1},V) + p_{s}^{\infty}(x_{2},V)),$$
(28)

$$S_{J_p}^{\infty}(x_1, x_2, V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L}\right) \frac{\partial J_p^{\infty}(x_1, V)}{\partial V} \bigg|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_p^{\infty}(x_1, V),$$
(29)

$$S_{p}^{0}(x,V) = \frac{4\tau}{AL} p_{s}^{0}(x,V) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L}\right),$$
(30)

$$S_{J_p}^0(x,V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) \frac{\partial J_p^0(x,V)}{\partial V} \bigg|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_p^0(x,V),$$
(31)

$$S_{p}^{\infty}(x,V) = \frac{4\tau}{AL} p_{s}^{\infty}(x,V) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L}\right),$$
(32)

$$S_{J_p}^{\infty}(x,V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) \frac{\partial J_p^{\infty}(x,V)}{\partial V}\Big|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_p^{\infty}(x,V).$$
(33)

Из уравнений (26), (28), (30) и (32) видно, что корреляторы и СПФ СП концентрации неосновных носителей заряда в базе p– n-перехода пропорциональны концентрации неосновных носителей и сумме концентраций неосновных носителей заряда в рассматриваемых точках, соответственно, причем коэффициент пропорциональности зависит от координаты. Из уравнений (27), (29) и (31), (33) видно также, что неравновесные слагаемые в выражениях для СПФ и корреляторов СП тока неосновных носителей заряда в базе p– n-перехода пропорциональны току неосновных носителей, а равновесные слагаемые пропорциональны дифференциальной проводимости базы,

2

обусловленной неосновными носителями при V = 0, и определяются формулой Найквиста только в точке x = 0. При x = 0 уравнения (31) и (33) определяют низкочастотный предел спектральной плотности собственного шума несимметричного p-n-перехода с короткой базой, для случая блокирующего и омического контакта к базе, соответственно, и представляют собой обобщение формулы ван-дер-Зила [14] на случай таких p-nпереходов. Координатные зависимости СПФ СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+$ -n-перехода для случая омического и блокирующего контакта при d = 0.5Lи d = 3L изображены на рис. 1-4 соответственно.



Рис. 2. Низкочастотный предел спектральной плотности флуктуаций случайных полей концентрации и тока неосновных носителей заряда в КНО п типа p<sup>+</sup>-n-перехода с короткой базой: сплошные линии – СПФ концентрации, пунктирные – СПФ плотности тока, 1, 3 – блокирующий контакт, 2, 4 – омический, d/L = 0.5, (a) – V < 0, (b) – V > 0

Недавно был предложен новый тип ИКфотодиода, а именно, ИК-фотодиод с коррелированной обработкой сигнала и шума [20]. Такой фотодиод помимо основного *p*-*n*-перехода, предназначенного для детектирования фотосигнала, содержит дополнительный *p*- *n*-переход, сформированный на противоположной грани слоя узкозонного полупроводника, напротив основного. Собственные шумы двух *p*-*n*-переходов, имеющих общую базу, толщина которой удовлетворяет условию d > L, являются коррелированными, за счет чего отношение сигнал/шум при детектировании фотосигнала может быть повышено. Отметим, что при V = 0 уравнения (20), (21) и (24), (25) определяют также корреляторы и СПФ СП концентрации и тока неосновных носителей в общей базе основного и дополнительного р*п*-переходов фотодиода с коррелированной обработкой сигнала и шума (см. рис. 1).

Из уравнений (21) и (25) рассчитаем коэффициент корреляции собственных шумов основного и дополнительного *p*– *n*-перехода фотодиода с коррелированной обработкой сигнала и шума *K*:

$$K = \frac{S_{J_p}^{\infty}(-d,0,0)}{\sqrt{S_{J_p}^{\infty}(0,0)S_{J_p}^{\infty}(-d,0)}} = \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L}\right).$$
 (34)

Из уравнения (34) видно, что при выполнении условия  $d/L > 1, K \approx 1$ .

Предельный переход  $d \to \infty$  позволяет получить из уравнений (18) – (21) выражения для низкочастотного предела корреляторов, а из уравнений (22) – (25) выражения для низкочастотного предела СПФ СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО *n*-типа  $p^+$ – *n*-перехода с длинной базой:  $S_p^{inf}(x_1, x_2, V)$  и  $S_{J_p}^{inf}(x_1, x_2, V)$ (см. уравнения (35) и (39)), а также  $S_p^{inf}(x, V)$  и  $S_{J_p}^{inf}(x, V)$  (см. уравнения (36) и (40)) соответственно:



Рис. 3. Низкочастотный предел спектральной плотности флуктуаций случайных полей концентрации и тока неосновных носителей заряда в КНО п типа p<sup>+</sup>-nперехода с базой конечной длины: сплошные линии – СПФ концентрации, пунктирные – СПФ плотности тока, 1, 3 – блокирующий контакт, 2, 4 – омический, d/L = 3, V = 0. Кривые 1 и 3, а также 2 и 4 представляют собой также низкочастотный предел СПФ равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в слое гомогенного полупроводника толщиной d с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на грани x = 0и нулевой скоростью на грани x = -d, а так же с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на гранях x = 0 и x = -d соответственно.



Рис. 4. Низкочастотный предел спектральной плотности флуктуаций случайных полей концентрации и тока неосновных носителей заряда в КНО п типа  $p^+$ -п-перехода с базой конечной длины: сплошные линии – СПФ концентрации, пунктирные – СПФ плотности тока, 1, 3 – блокирующий контакт, 2, 4 – омический, d/L = 3, (a) – V < 0, (b) – V > 0.

$$S_{p}^{inf}(x_{1},x_{2},V) = \frac{p_{0}\tau}{AL} \left(1 - \exp\left(\frac{2x_{2}}{L}\right)\right) \exp\left(\frac{x_{1} - x_{2}}{L}\right) \left\{e_{1}(V)\left(\exp\left(\frac{x_{1}}{L}\right) + \exp\left(\frac{x_{2}}{L}\right)\right) + 2\right\},$$
(35)

$$S_{p}^{inf}(x,V) = \frac{2p_{0}\tau}{AL} \left(1 - \exp\left(\frac{2x}{L}\right)\right) \left(1 + e_{1}(V)\exp\left(\frac{x}{L}\right)\right),$$
(36)

$$S_{p,\gamma}^{inf}(x,V) = \frac{p_0 \tau}{AL} \left\{ 1 - \exp\left(\frac{2x}{L}\right) \left(1 - \frac{2x}{L}\right) + \frac{2}{3}e_1(V)\exp\left(\frac{x}{L}\right) \left(\exp\left(\frac{x}{L}\right) - 1\right)^2 \right\},\tag{37}$$

$$S_{p,j}^{inf}(x,V) = \frac{p_0 \tau}{AL} \left\{ 1 - \exp\left(\frac{2x}{L}\right) \left(1 + \frac{2x}{L}\right) + \frac{4}{3}e_1(V)\exp\left(\frac{x}{L}\right) \left(\exp\left(\frac{x}{L}\right) - 2\exp\left(\frac{2x}{L}\right) + 1\right) \right\},\tag{38}$$

$$S_{J_p}^{inf}(x_1, x_2, V) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \exp\left(\frac{x_1}{L}\right) \left(2 \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L}\right) + e_1(V)\right),\tag{39}$$

$$S_{J_p}^{inf}(x,V) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \exp\left(\frac{x}{L}\right) \left(2 \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) + e_1(V)\right),\tag{40}$$

$$S_{J_{p},\gamma}^{inf}(x,V) = \frac{q^{2}p_{0}L}{A\tau} \left\{ \left(1 + \frac{2x}{L}\right) \exp\left(\frac{2x}{L}\right) + 1 + \frac{4}{3}e_{1}(V)\left(\frac{1}{2}\exp\left(\frac{x}{L}\right) - \exp\left(\frac{2x}{L}\right) + \exp\left(\frac{3x}{L}\right) \right) \right\},$$
(41)

$$S_{J_p,j}^{inf}(x,V) = \frac{q^2 p_0 L}{A\tau} \left\{ \left(1 - \frac{2x}{L}\right) \exp\left(\frac{2x}{L}\right) + 1 + \frac{4}{3}e_1(V) \left(\exp\left(\frac{x}{L}\right) + \exp\left(\frac{2x}{L}\right) - \exp\left(\frac{3x}{L}\right)\right) \right\}.$$
(42)

Величины  $S_{p,\gamma}^{inf}(x,V)$  и  $S_{p,j}^{inf}(x,V)$  (см уравнения (37) и (38)), а также  $S_{J_p,\gamma}^{inf}(x,V)$  и  $S_{J_p,j}^{inf}(x,V)$  (см. уравнения (41) и (42)) представляют собой вклад случайных источников, обусловленных случайным характером генерации – рекомбинации и рассеяния, соответственно, в СПФ СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО *n*-типа  $p^+$ -*n*-перехода с длинной ба-

зой. Из уравнений (35), (36) и (39), (40) видно, что в случае  $d \gg L$  случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого p-n-перехода являются неоднородными как при  $V \neq 0$ , так и при нулевом смещении.

Используя уравнения (5) и (6), выражения (35), (36) и (39), (40) можно преобразовать к виду:

$$S_{p}^{inf}(x_{1}, x_{2}, V) = \frac{\tau}{AL} \left( 1 - \exp\left(\frac{2x_{2}}{L}\right) \right) \exp\left(\frac{x_{1} - x_{2}}{L}\right) (p_{s}^{inf}(x_{1}, V) + p_{s}^{inf}(x_{2}, V)),$$
(43)

$$S_p^{inf}(x,V) = \frac{2\tau}{AL} p_s^{inf}(x,V) \left(1 - \exp\left(\frac{2x}{L}\right)\right),\tag{44}$$

$$S_{J_p}^{inf}(x_1, x_2, V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L}\right) \frac{\partial J_p^{inf}(x_1, V)}{\partial V} \bigg|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_p^{inf}(x_1, V),$$
(45)

$$S_{J_{p}}^{inf}(x,V) = \frac{4kT}{A} \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L}\right) \frac{\partial J_{p}^{inf}(x,V)}{\partial V} \bigg|_{V=0} + \frac{2q}{A} J_{p}^{inf}(x,V).$$
(46)

При x = 0 уравнение (46) представляет собой низкочастотный предел формулы ван-дер-Зила [14] для спектральной плотности собственного шума несимметричного *p*–*n*-перехода с длинной базой. Координатные зависимости СПФ СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО *n*-типа *p*<sup>+</sup>–*n*-перехода с длинной базой изображены на рис. 5–8, соответственно.

Предельный переход  $x \to \infty$  позволяет получить из уравнений (36) – (38), а также (40) – (42)

выражения для низкочастотного предела СПФ равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в бесконечно протяженном гомогенном полупроводнике *n*-типа  $S_p$  и  $S_{Jp}$ , соответственно (см. уравнения (47) и (49)), а также выражения для вклада в эти величины случайных источников, обусловленных случайным характером генерации–рекомбинации и рассеяния,  $S_{p, \gamma}$  и  $S_{J_p, j}$ , а также  $S_{J_p, \gamma}$  и  $S_{J_p, j}$  соответственно (см. уравнения (48) и (50)).



-3 -2 -1 С хА агр. итітя Рис. 7. Низкочастотный предел СПФ СП тока неосвных носителей заряда в КНО п типа р<sup>+</sup>-п-перехода линной базой: сплошная линия (1) – СПФ тока, пунирная (2) – вклад случайного источника, обусловленю случайным характером генерации – рекомбинации, пих – пунктипиад (3) – вклад случайного источника

нис. У. Пизкочисточная преосн СПС СП Ф СП тома несе новных носителей заряда в КНО п типа  $p^+$ -п-перехода с длинной базой: сплошная линия (1) – СПФ тока, пунктирная (2) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером генерации – рекомбинации, итрих – пунктирная (3) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером рассеяния, V = 0. Кривые (1), а также (2) и (3) представляют собой также низкочастотный предел СПФ равновесного СП тока неосновных носителей заряда в полубесконечном гомогенного полупроводнике с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на грани x = 0, а также вклад случайных источников обусловленных случайным характером генерации – рекомбинации и рассеяния, соответственно.



весного СП концентрации неосновных носителеи заряоа в полубесконечном гомогенного полупроводнике с бесконечной скоростью поверхностной рекомбинации на грани x = 0, а также вклад случайных источников обусловленных случайным характером генерации – рекомбинации и рассеяния, соответственно.





а в с с длинной базой: сплошная линия (1) – СПФ концентрации неосновных носителей заряда в КНО п типа p<sup>+</sup>–п-перехода с длинной базой: сплошная линия (1) – СПФ концентрации, пунктирная (2) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером генерации – рекомбинации, штрих – пунктирная (3) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером рассеяния, (а) – V < 0, (b) – V > 0.



$$S_{p,\gamma} = S_{p,j} = \frac{p_0 \tau}{AL},\tag{48}$$

$$S_{J_p} = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau},\tag{49}$$

$$S_{J_{p},\gamma} = S_{J_{p},j} = \frac{q^2 p_0 L}{A \tau}.$$
 (50)

Из выражения (49) следует, что СПФ равновесного СП тока неосновных носителей заряда в бесконечно протяженном гомогенном полупроводнике *n*-типа  $S_{I_p} = A^2 S_{J_p}$ , где A – нормировочная площадь, определяется формулой Найквиста  $S_{I_p} = 4kTG$ , где  $G = q\mu_p p_0 A/(2L)$  – проводимость полупроводникового резистора площадью A и длиной 2L, обусловленная неосновными носителями.

Положив  $x_2 = x_1 + \Delta x$  рассчитаем пределы выражений (35) и (39) при  $x_1 \rightarrow -\infty$  и получим выражения для низкочастотных пределов корреляторов равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей заряда в бесконечно протяженном гомогенном полупроводнике *n*-типа  $S_p(\Delta x)$  и  $S_{Jp}(\Delta x)$ , соответственно:

$$S_{p}(\Delta x) = \frac{2p_{0}\tau}{AL} \exp\left\{-\frac{\Delta x}{L}\right\},$$
(51)

$$S_{J_p}(\Delta x) = \frac{2q^2 p_0 L}{A\tau} \exp\left\{-\frac{\Delta x}{L}\right\}.$$
 (52)

Из уравнений (47) и (49), а также (51) и (52) видно, что, как и следовало ожидать, в объеме гомогенного полупроводника равновесные случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются однородными в широком смысле [21], и характеризуются экспоненциальной функцией корреляции с радиусом корреляции, равным *L*.

А.Ю. Селяков, И.Д. Бурлаков, В.В. Шабаров

Отметим, что при V = 0 уравнения (35), (36) и (39), (40) определяют также корреляторы и СПФ равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей в полубесконечном слое гомогенного полупроводника *n*-типа в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на грани x = 0 (см. рис. 5 и рис. 7). Вместе с тем, при V = 0уравнения (20), (21) и (24), (25) определяют также корреляторы и СПФ равновесных СП концентрации и тока неосновных носителей в слое гомогенного полупроводника *n*-типа толщиной *d* в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на обеих гранях, (при x = 0 и при x = -d), соответственно, а уравнения (18), (19) и (22), (23) аналогичные величины в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на грани x = 0 и нулевой скорости поверхностной рекомбинации на грани x = -d, соответственно (см. рис. 1 и рис. 3). Таким образом, и при нулевой, и при бесконечной скорости поверхностной рекомбинации в приповерхностных областях гомогенного полупроводника равновесные случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются неоднородными.

#### Заключение

В работе развита корреляционная теория случайных полей концентрации и тока подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах с длинной и короткой базой, а также в гомогенном полупроводнике. Установлено, что в объеме гомогенного



Рис. 8. Низкочастотный предел СПФ СП тока неосновных носителей заряда в КНО п типа p<sup>+</sup>−n-перехода с длинной базой: сплошная линия (1) – СПФ тока, пунктирная (2) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером генерации – рекомбинации, штрих – пунктирная (3) – вклад случайного источника, обусловленного случайным характером рассеяния, (a) – V < 0, (b) – V > 0.

полупроводника равновесные случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются однородными в широком смысле и характеризуются экспоненциальной функцией корреляции с радиусом корреляции, равным L. В тоже время в приповерхностных областях гомогенного полупроводника равновесные случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются неоднородными и при нулевой, и при бесконечной скорости поверхностной рекомбинации. Выяснено, что в базе ИК-фотодиода равновесные случайные поля концентрации и тока подвижных носителей заряда являются неоднородными даже при нулевом смещении, когда концентрация и ток подвижных носителей заряда в базе не зависят от координаты. Показано, что в случае V = 0 и при выполнении условия d/L < 1коэффициент корреляции собственных шумов основного и дополнительного *р-п*-перехода фотодиода с коррелированной обработкой сигнала и шума близок к единице.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант 13–07–00634).

### Литература

1. *Reine M.B., Sood A.K., Tredwell T.J.*//Semiconductors and semimetals.1981. V. 18. Ch. 6.

2. Sundaram M., Reisinger A., Dennis R., et al. // Proc. SPIE. 2010. V. 7660. 76601P

3. Aifer E.H., Maximenko S.I., Yakes M.K., et al.. // Proc. SPIE. 2010. V. 7660. 76601Q.

4. Селяков А.Ю. // Прикладная Физика. 2007. № 4. С. 75

5. Селяков А.Ю. // Прикладная Физика. 2010, № 2. С. 55. 7. Селяков А.Ю. // Прикладная Физика. 2009. № 6. С. 137

8. Бонч-Бруевич В.Л., Калашников С.Г. Физика полупроводников. – М.: Наука, 1977

9. Зи С. Физика полупроводниковых приборов. – М.: Мир. 1984

10. *Van Vliet K.M.//* Solid State Electronics. 1970. V. 13. No. 5. P. 649

11. *Kogan Sh.* Electronic noise and fluctuations in solids.– Cambridge, New York, Melbourne, Madrid, Cape Town, Singapore, Sao Paulo: CAMBRIDGE UNIVERSITY PRESS. 1996.

12. Дыкман И.М., Томчук П.М. Явления переноса и флуктуации в полупроводниках. – Киев: Наукова думка, 1981

13. Мынбаев К.Д., Иванов-Омский В.И. // ФТП. 2003. Т. 37. № 10. С. 1153

14. *Букингем М.* Шумы в электронных приборах и системах. – М.: Мир. 1986

15. *Неустроев Л.Н., Осипов В.В. //* ФТП. 1981. Т. 15. № 11. С. 2186

16. *Рытов С.М.* Введение в статистическую радиофизику. *Часть I.* Случайные процессы. – М.: Наука, 1976.

17. Тихонов В.И. Статистическая радиотехника. – М.: Радио и связь. 1982

18. Жалуд В., Кулешов В.Н. Шумы в полупроводниковых устройствах. – М.: Советское радио. 1977

19. *Левин Б.Р.* Теоретические основы статистической радиотехники. Книга первая. – М.: Советское радио. 1974

20. Селяков А.Ю., Бурлаков И.Д. ИК-фотодиод с высоким отношением сигнал/шум и способ повышения отношения сигнал/шум в ИК-фотодиоде. Патент на изобретение № 2456707. Зарегистрирован 20.07.2012.

21. Рытов С.М., Кравцов Ю.А., Татарский В.И. Введение в статистическую радиофизику. Часть II. Случайные поля. – М.: Наука, 1978.

# Correlation of the random fields for densities and currents of mobile charge carriers in IR photodetectors

A.Yu. Selyakov, I.D. Burlakov, and V.V. Shabarov

Orion Research-and-production Association 46/2 Enthusiasts highway, Moscow, 11123, Russia E-mail: orion@orion-ir.ru

Correlators of the stochastic fields for densities and currents of mobile charge carriers in homogeneous semiconductor and IR photodetector with the base of a finite length have been calculated on basis of the exact solution of Lanjeven equation.

PACS: 27.40.+w, 72.70.+m

*Keywords:* noise, fluctuations, random field, correlator, *p*–*n*-transition.

Bibliography — 21 references

<sup>6.</sup> Селяков А.Ю. // Прикладная Физика. 2009. № 6. С. 127