

УДК 621.383

## Корреляционная теория фотоиндуцированных случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах

А. Ю. Селяков, И. Д. Бурлаков, А. М. Филачёв

*На основе метода Ланжевена рассчитаны корреляторы стационарных фотоиндуцированных случайных полей (СП) концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах и в гомогенных полупроводниках. Установлено, что корреляторы тепловых и фотоиндуцированных СП концентраций подвижных носителей заряда определяются одинаковыми выражениями при любой структуре  $p-n$ -перехода и произвольной полярности приложенного напряжения, в то время как корреляторы СП фотоиндуцированных и темновых токов определяются одинаковыми выражениями только в случае обратносмещенного  $p-n$ -перехода с длинной базой.*

PACS: 27.40.+w, 72.70.+m

*Ключевые слова:* шум, флуктуации, случайное поле,  $p-n$ -переход.

### Введение

В настоящее время наиболее распространены твердотельными фотоприемниками для регистрации электромагнитного излучения различного спектрального диапазона являются фотодиоды на основе различных полупроводниковых соединений [1—3], в том числе InGaAs [4], InSb [5], а также узкозонных твердых растворов теллурида кадмия—ртути ((CdHg)Te) [6]. Фундаментальными факторами, ограничивающими пороговые характеристики и рабочую температуру фотодиодов коротковолнового, средневолнового и длинноволнового инфракрасного (ИК) диапазона являются флуктуации темнового тока и фототока, что обуславливает актуальность исследования флуктуационных явлений в таких приборах. В недавно опубликованных работах [7—9] проанализированы собственные и фотоиндуцированные шумы ИК-фотодиодов с короткой базой. В работах [10—13] развита корреляционная теория стационарных случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах и гомогенных полупроводниках при отсутствии засветки.

В настоящей работе на основе метода Ланжевена в низкочастотном пределе ( $\omega\tau \ll 1$ , где  $\tau$  —

время жизни неосновных носителей в базе) развита корреляционная теория стационарных фотоиндуцированных случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах и гомогенных полупроводниках.

### Стационарная модель

При тех же приближениях и допущениях что и в работах [7, 9, 12, 13], рассмотрим  $p^+-n$ -переход, темновой ток которого определяется процессами тепловой генерации и рекомбинации в квазинейтральной области (КНО)  $n$ -типа и на котором поддерживается постоянное смещение  $V$  произвольной полярности. Структура рассматриваемого  $p^+-n$ -перехода изображена на рис. 1 работы [13]. Ось  $x$  направлена от  $n$ -области, толщина которой равна  $d$ , к  $p^+$ -области, а точка  $x = 0$  расположена на границе раздела КНО  $n$ -типа и области пространственного заряда (ОПЗ). Мы будем рассматривать случаи короткой ( $d < L_p$ , где  $L_p = \sqrt{D_p\tau}$  — диффузионная длина дырок в  $n$ -области,  $\tau$  — время жизни дырок в  $n$ -области,  $D_p$  — коэффициент диффузии дырок) и длинной ( $d \geq L_p$ ) базы, а также два типа контакта (граничного условия) в точке  $x = -d$ , а именно, омический и блокирующий. Так же, как и в работе [9], будем предполагать, что на рассматриваемый  $p^+-n$ -переход со стороны  $p^+$ -области падает монохроматическое излучение и что отражением от поверхности  $p^+$ -области можно пренебречь. Одновременно будем считать справедливыми сделанные в этой работе допущения о малом поглощении излучения в КНО  $p^+$ -типа и ОПЗ.

Для расчета стационарной концентрации дырок  $p_s(x, V)$  в КНО  $n$ -типа рассматриваемого  $p^+-n$ -перехода необходимо решить уравнение непрерыв-

Селяков Андрей Юрьевич, ведущий научный сотрудник.  
Бурлаков Игорь Дмитриевич, зам. генерального директора.  
Филачёв Анатолий Михайлович, генеральный директор.  
ОАО «НПО «Орион».

Россия, 111123, Москва, шоссе Энтузиастов, 46/2.

Тел.: 8 (499) 374-94-00.

E-mail: orion@orion-ir.ru ; ayusel@mail.ru

Статья поступила в редакцию 16 августа 2014 г.

© Селяков А. Ю., Бурлаков И. Д., Филачёв А. М., 2014

ности в амбиполярной форме, которое, при использовании допущения о линейной модели рекомбинации, имеет вид:

$$\frac{\partial^2 \Delta p(x, V)}{\partial x^2} - \frac{\Delta p(x, V)}{L_p^2} + \frac{\alpha J}{D_p} \exp(\alpha x) = 0, \quad (1)$$

где  $\Delta p(x, V) = p_s(x, V) - p_0$  — концентрация неравновесных дырок, а  $p_0$  — концентрация равновесных дырок в  $n$ -области,  $\alpha$  — коэффициент поглощения,  $J$  — плотность потока фотонов падающего излучения. В случае омического контакта в точке  $x = -d$  граничное условие к уравнению (1) имеет вид  $\Delta p^\infty(-d, V) = 0$ , а в случае блокирующего —  $(\partial \Delta p^0(x, V) / \partial x)|_{x=-d} = 0$ . Граничное условие к амбиполярному уравнению непрерывности на границе раздела КНО  $n$ -типа с ОПЗ, т. е. в точке  $x = 0$ , имеет вид  $\Delta p(0, V) = p_0 e_1(V)$  [14, 15], где  $e_1(V) = \exp((qV)/(kT)) - 1$ ,  $q$  — заряд электрона,  $k$  — постоянная Больцмана,  $T$  — температура.

Уравнение (1) представляет собой линейное неоднородное дифференциальное уравнение второго порядка, вследствие чего концентрация дырок и плотность дырочного тока в КНО  $n$ -типа рассматриваемого  $p^+n$ -перехода  $p_s^\infty(x, V)$  и  $J_p^\infty(x, V) = -qD_p(\partial p_s^\infty(x, V) / \partial x)$ , соответственно, для случая омического контакта к  $n$ -области, а также  $p_s^0(x, V)$  и  $J_p^0(x, V) = -qD_p(\partial p_s^0(x, V) / \partial x)$ , соответственно, для случая блокирующего контакта к  $n$ -области, могут быть представлены в виде суммы двух слагаемых:

$$p_s^\infty(x, V) = p_d^\infty(x, V) + p_{ph}^\infty(x), \quad (2)$$

$$J_p^\infty(x, V) = J_d^\infty(x, V) + J_{ph}^\infty(x), \quad (3)$$

$$p_s^0(x, V) = p_d^0(x, V) + p_{ph}^0(x), \quad (4)$$

$$J_p^0(x, V) = J_d^0(x, V) + J_{ph}^0(x). \quad (5)$$

Первые слагаемые уравнений (2)—(5) определяются процессами тепловой генерации и рекомбинации в КНО  $n$ -типа в отсутствие засветки  $p_d^\infty(x, V) = p_s^\infty(x, V)|_{J=0}$ ,  $J_d^\infty(x, V) = J_p^\infty(x, V)|_{J=0}$ ,  $p_d^0(x, V) = p_s^0(x, V)|_{J=0}$ ,  $J_d^0(x, V) = J_p^0(x, V)|_{J=0}$  и определяются формулами (1)—(4) работ [12, 13], соответственно. Иными словами, величины  $J_d^\infty(x, V)$  и  $J_d^0(x, V)$  представляют собой плотности

диффузионных токов рассматриваемого  $p^+n$ -перехода для случая омического и блокирующего контакта к  $n$ -области, соответственно. Вторые слагаемые уравнений (2)—(5) обусловлены воздействием падающего излучения и определяются выражениями:

$$p_{ph}^\infty(x) = \frac{J\alpha\tau}{L_p^2\alpha^2 - 1} \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times \left\{ \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) - \exp(\alpha x) \operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_p}\right) - \exp(-\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{x}{L_p}\right) \right\} \quad (6)$$

$$J_{ph}^\infty(x) = \frac{qJL_p\alpha}{L_p^2\alpha^2 - 1} \exp(-\alpha d) \times \left\{ L_p\alpha \exp(\alpha(x+d)) + \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times \left[ \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) - \exp(\alpha d) \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \right] \right\} \quad (7)$$

$$p_{ph}^0(x) = \frac{J\alpha\tau}{L_p^2\alpha^2 - 1} \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times \left\{ L_p\alpha \exp(-\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{x}{L_p}\right) - \exp(\alpha x) \operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_p}\right) + \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \right\} \quad (8)$$

$$J_{ph}^0(x) = \frac{qJL_p\alpha}{L_p^2\alpha^2 - 1} \exp(-\alpha d) \times \left\{ \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \left[ L_p\alpha \exp(\alpha(x+d)) - \exp(\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) - L_p\alpha \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) \right] \right\}. \quad (9)$$

Таким образом, величины  $J_{ph}^\infty(x)$  и  $J_{ph}^0(x)$  представляют собой плотности фототока в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода для случая омического и блокирующего контакта к  $n$ -области, соответственно. Отметим, что при  $L_p\alpha = 1$  существуют конечные пределы выражений (6)—(9). При  $x = 0$  выражения (7) и (9) переходят в известные формулы для плотности фототока  $p-n$ -перехода с короткой базой (см. формулы (7) и (9) работы [9]). В случае  $p^+n$ -перехода с длинной базой ( $d \rightarrow \infty$ ) концентрация фотоиндуцированных дырок и плотность фотоиндуцированного дырочного тока в КНО  $n$ -типа имеют вид:

$$p_{ph}^{inf}(x) = \frac{J\alpha\tau}{L_p^2\alpha^2 - 1} \left( \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) - \exp(\alpha x) \right), \quad (10)$$

$$J_{ph}^{inf}(x) = \frac{qJL_p\alpha}{L_p^2\alpha^2 - 1} \left( L_p\alpha \exp(\alpha x) - \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) \right). \quad (11)$$

Отметим, что при  $L_p\alpha = 1$  существуют конечные пределы выражений (10) и (11).

**Стохастическая модель**

В рамках сделанных допущений при анализе флуктуационных явлений в рассматриваемом  $p^+ - n$ -переходе можно ограничиться решением уравнения Ланжевена в амбиполярной форме, которое имеет вид [8]:

$$\frac{\partial^2 \delta p_\omega(x, V)}{\partial x^2} - \frac{\delta p_\omega(x, V)}{L_{p,\omega}^2} = -\frac{1}{D_p} \left( \gamma_{p,\omega} + \gamma_{g,\omega} + \frac{\partial j_{p,\omega}}{\partial x} \right), \quad (12)$$

где  $\delta p_\omega(x, V)$  — Фурье-трансформанта флуктуации концентрации дырок,  $\omega$  — круговая частота,  $L_{p,\omega} = L_p(1 + i\omega\tau)^{-1/2}$  — кинетическая диффузионная длина дырок в  $n$ -области,  $i$  — мнимая единица,  $\gamma_{p,\omega}$  — Фурье-трансформанта случайного источника, соответствующего случайному характеру процесса тепловой генерации и процесса рекомбинации,  $\gamma_{g,\omega}$  — Фурье-трансформанта случайного источника, соответствующего случайному характеру процесса фотогенерации и  $j_{p,\omega}$  — Фурье-трансформанта случайного источника, соответствующего случайному характеру процессов рассеяния. Граничные условия к уравнению (12) поставим такими же? как и в работах [8] и [13]. В точке  $x = 0$  стохастическое граничное условие имеет вид  $\delta p_\omega(0, V) = 0$ , причем данное стохастическое граничное условие ограничивает пределы применимости соответствующего ему решения условием  $\omega \ll t_{fl}^{-1}$ , где  $t_{fl}$  — время пролета дырок через ОПЗ. Для  $p^+ - n$ -перехода на основе тройного твердого раствора  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  ( $x \approx 0,2$ ), сформированного низкоэнергетичной ионной обработкой, частотный диапазон применимости данного граничного условия простирается вплоть до нескольких гигагерц [7]. В случае омического кон-

такта в точке  $x = -d$  стохастическое граничное условие имеет вид  $\delta p_\omega^\infty(-d, V) = 0$ , а в случае блокирующего контакта в данной точке стохастическое граничное условие имеет вид  $(\partial \delta p_\omega^0(x, V) / \partial x)|_{x=-d} = 0$ .

Решение уравнения (12) для случая омического и блокирующего контакта  $\delta p_\omega^\infty(x, V)$  и  $\delta p_\omega^0(x, V)$  соответственно, определяется выражениями:

$$\begin{aligned} \delta p_\omega^\infty(x, V) = & \frac{L_{p,\omega}}{D_p} \int_{-d}^x \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \\ & + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \frac{1}{D_p} \int_{-d}^x \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' - \frac{L_{p,\omega}}{D_p} \times \\ & \times \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' + \\ & + \frac{1}{D_p} \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx', \end{aligned} \quad (13)$$

$$\begin{aligned} \delta p_\omega^0(x, V) = & \frac{L_{p,\omega}}{D_p} \int_{-d}^x \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \\ & - \frac{1}{D_p} \int_{-d}^x \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' - \frac{L_{p,\omega}}{D_p} \times \\ & \times \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' + \\ & + \frac{1}{D_p} \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx'. \end{aligned} \quad (14)$$

В КНО  $n$ -типа Фурье-трансформанта флуктуации плотности дырочного тока определяется уравнением  $(1/q)\delta J_{p,\omega}(x) = -D_p \partial \delta p_\omega(x) / \partial x - j_{p,\omega}(x)$  [16—18]. Подставим в него выражения (13) и (14) и рассчитаем значения Фурье-трансформант соответствующих плотностей дырочного тока  $\delta J_{p,\omega}^\infty(x, V)$  и  $\delta J_{p,\omega}^0(x, V)$ :

$$\begin{aligned}
& \frac{1}{q} \delta J_{p,\omega}^\infty(x,V) = \\
& = \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') dx' + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \\
& - \frac{1}{L_{p,\omega}} \frac{\operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' + \\
& + \int_{-d}^x \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \\
& - \frac{1}{L_{p,\omega}} \int_{-d}^x \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx', \quad (15)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \frac{1}{q} \delta J_{p,\omega}^0(x,V) = \\
& = \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{sh}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \\
& - \frac{1}{L_{p,\omega}} \frac{\operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_{p,\omega}}\right)}{\operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_{p,\omega}}\right)} \int_{-d}^0 \operatorname{ch}\left(\frac{x'}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx' + \\
& + \int_{-d}^x \operatorname{ch}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) (\gamma_{p,\omega}(x') + \gamma_{g,\omega}(x')) dx' - \\
& - \frac{1}{L_{p,\omega}} \int_{-d}^x \operatorname{sh}\left(\frac{x'-x}{L_{p,\omega}}\right) j_{p,\omega}(x') dx'. \quad (16)
\end{aligned}$$

### Корреляторы флуктуационных полей

Флуктуации концентрации и тока подвижных носителей заряда в  $p$ — $n$ -переходе даже в одномерном случае представляют собой неоднородные случайные поля (СП). В стационарном случае для каждой точки  $x$  базы рассматриваемого  $p^+$ — $n$ -перехода существуют спектральные плотности флуктуаций (СПФ) концентрации и тока подвижных носителей заряда  $\hat{S}_{p,\omega}(x,V)$  и  $\hat{S}_{j_{p,\omega}}(x,V)$ , соответственно, а для произвольной пары точек  $x_1$  и  $x_2$  — корреляционные функции (корреляторы)  $\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2, V)$  и  $\hat{S}_{j_{p,\omega}}(x_1, x_2, V)$ , соответственно. При этом Фурье-трансформанты флуктуаций концентрации и тока подвижных носителей заряда

связаны с соответствующими СПФ и корреляторами соотношениями [19—21]:

$$\langle \delta p_\omega(x, V) \delta p_{\omega'}^*(x, V) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{p,\omega}(x, V), \quad (17)$$

$$\langle \delta p_\omega(x_1, V) \delta p_{\omega'}^*(x_2, V) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2, V), \quad (18)$$

$$\langle \delta J_{p,\omega}(x, V) \delta J_{p,\omega'}^*(x, V) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{j_{p,\omega}}(x, V), \quad (19)$$

$$\langle \delta J_{p,\omega}(x_1, V) \delta J_{p,\omega'}^*(x_2, V) \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{j_{p,\omega}}(x_1, x_2, V), \quad (20)$$

где знак  $*$  означает комплексное сопряжение,  $\langle \dots \rangle$  — усреднение по ансамблю, а  $\delta(\omega)$  — дельта-функцию.

Случайные источники  $\gamma_p$ ,  $\gamma_g$  и  $j_p$  представляют собой дельта-коррелированные по пространственным координатам неоднородные стационарные СП. Таким образом, для Фурье-трансформант случайных источников  $\gamma_{p,\omega}(x, y, z)$ ,  $\gamma_{g,\omega}(x, y, z)$  и  $j_{p,\omega}(x, y, z)$  и соответствующих корреляторов  $\hat{S}_{\gamma_p}(x, x', y, y', z, z')$ ,  $\hat{S}_{\gamma_g}(x, x', y, y', z, z')$  и  $\hat{S}_j(x, x', y, y', z, z')$  справедливы соотношения, аналогичные уравнениям (17)—(20):

$$\langle \gamma_{p,\omega}(x, y, z) \gamma_{p,\omega'}^*(x', y', z') \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{\gamma_p}(x, x', y, y', z, z'),$$

$$\langle \gamma_{g,\omega}(x, y, z) \gamma_{g,\omega'}^*(x', y', z') \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_{\gamma_g}(x, x', y, y', z, z'),$$

$$\langle j_{p,\omega}(x, y, z) j_{p,\omega'}^*(x', y', z') \rangle = 2\pi \delta(\omega' - \omega) \hat{S}_j(x, x', y, y', z, z').$$

При этом, корреляторы случайных источников, соответствующих случайному характеру процессов тепловой генерации и рекомбинации, фотогенерации, а также рассеяния, соответственно, равны [16—18, 22]:

$$\begin{aligned}
& S_{\gamma_p}(x, x', y, y', z, z', \omega) = \\
& = \frac{2(p_s(x, V) + p_0)}{\tau} \delta(x - x') \delta(y - y') \delta(z - z'), \quad (21)
\end{aligned}$$

$$S_{\gamma_g}(x, x', y, y', z, z', \omega) = 2\alpha J \exp(\alpha x) \delta(x - x') \delta(y - y') \delta(z - z'), \quad (22)$$

$$S_j(x, x', y, y', z, z', \omega) = 4D_p p_s(x, V) \delta(x - x') \delta(y - y') \delta(z - z'). \quad (23)$$

Отметим, что в выражениях (21)—(23) фигурируют корреляторы, определенные по положительным частотам:

$$S_{\gamma_p}(x, x', y, y', z, z') = 2\hat{S}_{\gamma_p}(x, x', y, y', z, z'),$$

$$S_{\gamma_g}(x, x', y, y', z, z') = 2\hat{S}_{\gamma_g}(x, x', y, y', z, z'),$$

$$S(x, x', y, y', z, z') = 2\hat{S}(x, x', y, y', z, z'),$$

что имеет смысл, поскольку действительная часть взаимной СПФ стационарно связанных действительных случайных процессов является четной функцией частоты [23, 24]. Последнее справедливо также и для СПФ действительных случайных процессов [19]. Поэтому в дальнейшем мы будем рассматривать только положительные частоты и определим СПФ и корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда на положительных частотах соотношениями:

$$S_{p,\omega}(x) = 2\hat{S}_{p,\omega}(x),$$

$$S_{Jp,\omega}(x) = 2\hat{S}_{Jp,\omega}(x),$$

и

$$\text{Re}(S_{p,\omega}(x_1, x_2)) = 2\text{Re}(\hat{S}_{p,\omega}(x_1, x_2)),$$

$$\text{Re}(S_{Jp,\omega}(x_1, x_2)) = 2\text{Re}(\hat{S}_{Jp,\omega}(x_1, x_2)),$$

соответственно. В данной работе мы будем рассматривать флуктуации концентрации и тока подвижных носителей заряда в низкочастотном пределе ( $\omega\tau \ll 1$ , где  $\tau$  — время жизни неосновных носителей в базе), когда мнимые части соответствующих корреляторов равны нулю  $\text{Im}(\hat{S}_{p,0}(x_1, x_2)) = 0$  и  $\text{Im}(\hat{S}_{Jp,0}(x_1, x_2)) = 0$ , поэтому в дальнейшем, для простоты, мы не будем записывать функцию выделения действительной части корреляторов и определим корреляторы СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в низкочастотном пределе соотношениями  $S_p(x_1, x_2) = 2\hat{S}_{p,0}(x_1, x_2)$  и  $S_{Jp}(x_1, x_2) = 2\hat{S}_{Jp,0}(x_1, x_2)$ , соответственно. Заметим также, что случайные источники  $\gamma_p$ ,  $\gamma_g$  и  $j_p$  не коррелированы между собой.

Уравнения (17)—(20), а также соотношения (13)—(16), (21)—(23), (2), (4), (6), (8) после не-

сложных, но довольно громоздких преобразований, позволяют рассчитать СПФ и корреляторы СП концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода, причем правая и левая части уравнений (17)—(20) должны быть усреднены по площади  $p$ - $n$ -перехода  $A$ .

Поскольку случайные источники  $\gamma_p$ ,  $\gamma_g$  и  $j_p$  не коррелированы, корреляторы СП концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода будут включать в себя три аддитивных составляющих:

$$\begin{aligned} S_{p,\omega}(x_1, x_2, V) &= S_{p,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + \\ &+ S_{p,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2) + S_{p,j,\omega}(x_1, x_2, V) \\ S_{Jp,\omega}(x_1, x_2, V) &= S_{Jp,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + \\ &+ S_{Jp,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2) + S_{Jp,j,\omega}(x_1, x_2, V), \end{aligned} \quad (24)$$

первая из которых обусловлена случайным источником  $\gamma_p$ , т. е. случайным характером процессов тепловой генерации и рекомбинации, вторая обусловлена случайным источником  $\gamma_g$ , т. е. случайным характером процессов фотогенерации, а третья — случайным источником  $j_p$ , т. е. случайным характером процессов рассеяния. При этом вследствие линейности рассматриваемой модели (см. уравнения (2) и (4)), аддитивные составляющие корреляторов СП концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода  $S_{p,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V)$ ,  $S_{p,j,\omega}(x_1, x_2, V)$  и  $S_{Jp,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V)$ ,  $S_{Jp,j,\omega}(x_1, x_2, V)$ , соответственно, будут включать в себя слагаемые, обусловленные флуктуационными процессами, не зависящими от засветки, т. е.  $S_{pd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V)$ ,  $S_{pd,j,\omega}(x_1, x_2, V)$  и  $S_{Jd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V)$ ,  $S_{Jd,j,\omega}(x_1, x_2, V)$ , соответственно, а также слагаемые, обусловленные фотоиндуцированными флуктуационными процессами  $S_{pph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2)$ ,  $S_{pph,j,\omega}(x_1, x_2)$  и  $S_{Jph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2)$ ,  $S_{Jph,j,\omega}(x_1, x_2)$ , соответственно, т. е.

$$\begin{aligned} S_{p,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) &= \\ &= S_{pd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{pph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2), \\ S_{p,j,\omega}(x_1, x_2, V) &= S_{pd,j,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{pph,j,\omega}(x_1, x_2) \end{aligned}$$

и

$$\begin{aligned} S_{Jp,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) &= S_{Jd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{Jph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2), \\ S_{Jp,j,\omega}(x_1, x_2, V) &= S_{Jd,j,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{Jph,j,\omega}(x_1, x_2). \end{aligned}$$

Аддитивные составляющие СПФ и корреляторов СП концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+ - n$ -перехода  $S_{p,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2)$  и  $S_{Jp,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2)$  обусловлены исключительно флуктуациями процесса фотогенерации (см. уравнение (22)). Таким образом, корреляторы СП концентраций и токов подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+ - n$ -перехода можно записать в виде суммы двух величин:

$$S_{p,\omega}(x_1, x_2, V) = S_{pd,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{pph,\omega}(x_1, x_2),$$

$$S_{Jp,\omega}(x_1, x_2, V) = S_{Jd,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{Jph,\omega}(x_1, x_2), \quad (25)$$

где величины

$$S_{pd,\omega}(x_1, x_2, V) = S_{pd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{pd,j,\omega}(x_1, x_2, V)$$

и

$$S_{Jd,\omega}(x_1, x_2, V) = S_{Jd,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2, V) + S_{Jd,j,\omega}(x_1, x_2, V)$$

обусловлены флуктуационными процессами, не зависящими от засветки, а величины

$$S_{pph,\omega}(x_1, x_2) = S_{pph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2) + S_{pph,j,\omega}(x_1, x_2) + S_{p,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2)$$

и

$$S_{Jph,\omega}(x_1, x_2) = S_{Jph,\gamma_p,\omega}(x_1, x_2) + S_{Jph,j,\omega}(x_1, x_2) + S_{Jp,\gamma_g,\omega}(x_1, x_2)$$

обусловлены фотоиндуцированными шумами. Расчеты показывают, что, как и следовало ожидать, в низкочастотном пределе ( $\omega\tau \ll 1$ ) величины  $S_{pd,\omega}(x_1, x_2, V)|_{\omega\tau \ll 1}$  и  $S_{Jd,\omega}(x_1, x_2, V)|_{\omega\tau \ll 1}$  для случая омического и блокирующего контакта определяется формулами (18), (19) и (20), (21) работы [13], соответственно.

Корреляторы фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО  $n$ -типа рассматриваемого  $p^+ - n$ -перехода с базой конечной длины для случая омического контакта к базе  $S_{pph}^\infty(x_1, x_2)$  и  $S_{Jph}^\infty(x_1, x_2)$ , соответственно, а также для случая блокирующего контакта к базе  $S_{pph}^0(x_1, x_2)$  и  $S_{Jph}^0(x_1, x_2)$ , соответственно, рассчитанные в низкочастотном пределе ( $\omega\tau \ll 1$ ), определяются соотношениями:

$$S_{pph}^\infty(x_1, x_2) = \frac{2J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \operatorname{csch}^2\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_2}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) \times$$

$$\times \left\{ \operatorname{sh}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) + \operatorname{sh}\left(\frac{x_2+d}{L_p}\right) - \operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_p}\right) (\exp(\alpha x_1) + \exp(\alpha x_2)) - \right.$$

$$\left. - \exp(-\alpha d) \left[ \operatorname{sh}\left(\frac{x_1}{L_p}\right) + \operatorname{sh}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \right] \right\} \quad (26)$$

$$S_{Jph}^\infty(x_1, x_2) = \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2\alpha^2 - 1)} \exp(-\alpha d) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times$$

$$\times \left\{ \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \left( L_p \alpha \exp(\alpha(x_1+d)) \operatorname{sh}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) + 1 \right) + \right.$$

$$\left. + \exp(\alpha d) \operatorname{ch}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) \times \left( L_p \alpha \exp(\alpha x_2) \operatorname{sh}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) - \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \{ \exp(\alpha x_1) + \exp(\alpha x_2) \} + 1 \right) \right\} \quad (27)$$

$$S_{pph}^0(x_1, x_2) = \frac{2J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \operatorname{sch}^2\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_2}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) \times$$

$$\times \left\{ L_p \alpha \exp(-\alpha d) \left( \operatorname{sh}\left(\frac{x_1}{L_p}\right) + \operatorname{sh}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \right) + \operatorname{ch}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) + \right.$$

$$\left. + \operatorname{ch}\left(\frac{x_2+d}{L_p}\right) - \operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \{ \exp(\alpha x_1) + \exp(\alpha x_2) \} \right\}$$

$$S_{Jph}^0(x_1, x_2) = \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2\alpha^2 - 1)} \exp(-\alpha d) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times$$

$$\times \left\{ \exp(\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) \left( L_p \alpha \exp(\alpha x_2) \operatorname{sh}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) + 1 \right) + \right.$$

$$\left. + \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \left[ L_p \alpha \exp(\alpha(x_1+d)) \operatorname{ch}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) - \operatorname{sh}\left(\frac{x_1+d}{L_p}\right) \{ \exp(\alpha(x_1+d)) + \exp(\alpha(x_2+d)) \} - L_p \alpha \right] \right\} \quad (28)$$

Отметим, что при  $L_p\alpha = 1$  существуют конечные пределы выражений (26)–(29).

Прямым расчетом можно показать, что корреляторы фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода обладают свойством эрмитовой сопряженности, и в низкочастотном пределе удовлетворяют соотношениям  $S_{pph}^{0(\infty)}(x_1, x_2) = S_{pph}^{0(\infty)}(x_2, x_1)$  и  $S_{J_{ph}}^{0(\infty)}(x_1, x_2) = S_{J_{ph}}^{0(\infty)}(x_2, x_1)$ . Вместе с тем, вследствие неоднородности фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в базе рассматриваемого  $p^+n$ -перехода полученные корреляторы (26)—(29) зависят не от взаимного положения точек  $x_1$  и  $x_2$  на оси абсцисс а от координаты каждой точки, причем в расчетах мы приняли, что для координат точек  $x_1$  и  $x_2$  выполняется соотношение  $|x_1| > |x_2|$  (см. рис. 1 работы [13]). Отметим, что полученные выражения соответствуют стохастическим граничным условиям к уравнению Ланжевена на блокирующем и омическом контактах, а также на границе раздела КНО—ОПЗ, т. е. выполняются соотношения  $S_{J_{ph}}^0(-d, x_2) = 0$  и  $S_{pph}^\infty(-d, x_2) = 0$ , а также  $S_{pph}^0(x_1, 0) = 0$  и  $S_{pph}^\infty(x_1, 0) = 0$ . Отметим также, что, как и следовало ожидать, полученные корреляторы фотоиндуцированных СП не зависят от смещения на  $p-n$ -переходе.

Положив  $x_1 = x_2 = x$ , получим из уравнений (26)—(29) выражения для низкочастотного предела СПФ фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО  $n$ -типа рассматриваемого  $p^+n$ -перехода с базой конечной длины для случая блокирующего контакта к базе  $S_{pph}^0(x)$  и  $S_{J_{ph}}^0(x)$ , соответственно, а также для случая омического контакта к базе  $S_{pph}^\infty(x, V)$  и  $S_{J_{ph}}^\infty(x, V)$ , соответственно:

$$\begin{aligned}
 S_{pph}^\infty(x) &= \frac{4J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \operatorname{csch}^2\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \times \\
 &\times \left\{ \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) - \exp(\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{d}{L_p}\right) - \exp(-\alpha x) \operatorname{sh}\left(\frac{x}{L_p}\right) \right\} \\
 S_{J_{ph}}^\infty(x) &= \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2\alpha^2 - 1)} \exp(-\alpha d) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times \\
 &\times \left\{ \exp(\alpha d) \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) - \exp(\alpha(x+d)) \times \right. \\
 &\times \left[ \operatorname{ch}\left(\frac{2x+d}{L_p}\right) + \operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_p}\right) - L_p \alpha \operatorname{sh}\left(\frac{2x+d}{L_p}\right) \right] + \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) \left. \right\}
 \end{aligned} \tag{31}$$

$$\begin{aligned}
 S_{pph}^0(x) &= \frac{4J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \operatorname{sch}^2\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \times \\
 &\times \left\{ L_p \alpha \exp(-\alpha d) \operatorname{sh}\left(\frac{x}{L_p}\right) - \exp(\alpha x) \operatorname{ch}\left(\frac{d}{L_p}\right) + \operatorname{ch}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \right\}
 \end{aligned} \tag{32}$$

$$\begin{aligned}
 S_{J_{ph}}^0(x) &= \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2\alpha^2 - 1)} \exp(-\alpha d) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \times \\
 &\times \left\{ \exp(\alpha d) \left[ L_p \alpha \exp(\alpha x) \operatorname{ch}\left(\frac{2x+d}{L_p}\right) + \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) \right] - \right. \\
 &\left. - \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) \left( 2 \exp(\alpha(x+d)) \operatorname{sh}\left(\frac{x+d}{L_p}\right) + L_p \alpha \right) \right\}
 \end{aligned} \tag{33}$$

Отметим, что при  $L_p\alpha = 1$  существуют конечные пределы выражений (30)—(33).

Предельный переход  $d \rightarrow \infty$  позволяет получить из уравнений (26)—(29) выражения для низкочастотного предела корреляторов, а из уравнений (30)—(33) выражения для низкочастотного предела СПФ фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в КНО  $n$ -типа  $p^+n$ -перехода с длинной базой:  $S_{pph}^{inf}(x_1, x_2)$  и  $S_{J_{ph}}^{inf}(x_1, x_2)$ , а также  $S_{pph}^{inf}(x)$  и  $S_{J_{ph}}^{inf}(x)$ , соответственно:

$$\begin{aligned}
 S_{pph}^{inf}(x_1, x_2) &= \frac{J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \left[ 1 - \exp\left(\frac{2x_2}{L_p}\right) \right] \exp\left(\frac{x_1 - x_2}{L_p}\right) \times \\
 &\times \left\{ \exp\left(\frac{x_1}{L_p}\right) + \exp\left(\frac{x_2}{L_p}\right) - \exp(\alpha x_1) - \exp(\alpha x_2) \right\}
 \end{aligned} \tag{34}$$

$$\begin{aligned}
 S_{J_{ph}}^{inf}(x_1, x_2) &= \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p\alpha + 1)} (\exp(\alpha x_1) + \exp(\alpha x_2)) \times \\
 &\times \exp\left(\frac{x_1}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) - \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2\alpha^2 - 1)} \times \\
 &\times \exp\left(\frac{x_1 - x_2}{L_p}\right) \left\{ L_p \alpha \exp(\alpha x_2) - \exp\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \right\}
 \end{aligned} \tag{35}$$

$$\begin{aligned}
 S_{pph}^{inf}(x) &= \frac{2J\alpha\tau^2}{AL_p(L_p^2\alpha^2 - 1)} \times \\
 &\times \left[ 1 - \exp\left(\frac{2x}{L_p}\right) \right] \left( \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) - \exp(\alpha x) \right)
 \end{aligned} \tag{36}$$

$$S_{J_{ph}}^{inf}(x) = \frac{4q^2 J L_p \alpha}{A(L_p \alpha + 1)} \exp(\alpha x) \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) - \frac{2q^2 J L_p \alpha}{A(L_p^2 \alpha^2 - 1)} \left\{ L_p \alpha \exp(\alpha x) - \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) \right\} \quad (37)$$

Отметим, что при  $L_p \alpha = 1$  существуют конечные пределы выражений (34)—(37).

Используя уравнения (6) и (8), выражения (26), (28) и (30), (32) можно преобразовать к более компактному виду:

$$S_{pph}^{\infty}(x_1, x_2) = \frac{2\tau}{AL_p} \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_2}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x_1}{L_p}\right) \times (p_{ph}^{\infty}(x_1) + p_{ph}^{\infty}(x_2)), \quad (38)$$

$$S_{pph}^0(x_1, x_2) = \frac{2\tau}{AL_p} \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x_2}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x_1}{L_p}\right) \times (p_{ph}^0(x_1) + p_{ph}^0(x_2)), \quad (39)$$

$$S_{pph}^{\infty}(x) = \frac{4\tau}{AL_p} p_{ph}^{\infty}(x) \operatorname{csch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(\frac{d+x}{L_p}\right), \quad (40)$$

$$S_{pph}^0(x) = \frac{4\tau}{AL_p} p_{ph}^0(x) \operatorname{sch}\left(\frac{d}{L_p}\right) \operatorname{sh}\left(-\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{d+x}{L_p}\right), \quad (41)$$

а используя уравнения (10) и (11), выражения (34) и (36) можно преобразовать к виду:

$$S_{pph}^{inf}(x_1, x_2) = \frac{\tau}{AL_p} \left[ 1 - \exp\left(-\frac{2x_2}{L_p}\right) \right] \exp\left(\frac{x_1 - x_2}{L_p}\right) \times (p_{ph}^{inf}(x_1) + p_{ph}^{inf}(x_2)), \quad (42)$$

$$S_{pph}^{inf}(x) = \frac{2\tau}{AL_p} \left[ 1 - \exp\left(-\frac{2x}{L_p}\right) \right] p_{ph}^{inf}(x). \quad (43)$$

Отметим, что формулы (38)—(43) справедливы при любой полярности приложенного напряжения. Таким образом, из формул (38)—(43) настоящей

работы, а также формул (26), (28), (30), (32), (43), (44) работы [13] следует, что при любой полярности приложенного напряжения СПФ и корреляторы СП концентраций темновых и фотоиндуцированных носителей в базе  $p^+n$ -перехода с короткой и длинной базой определяются одинаковыми выражениями.

Выражения для корреляторов и СПФ СП фотоиндуцированных токов неосновных носителей заряда в КНО  $n$  типа  $p^+n$ -перехода с длинной базой (см. формулы (35) и (37)) можно преобразовать к виду:

$$S_{J_{ph}}^{inf}(x_1, x_2) = \frac{2q^2}{A} \exp\left(\frac{x_1}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) \{g_{ph}(x_1) + g_{ph}(x_2)\} L_{eff} - \frac{2q}{A} \exp\left(\frac{x_1 - x_2}{L_p}\right) J_{ph}^{inf}(x_2). \quad (44)$$

$$S_{J_{ph}}^{inf}(x) = \frac{4q^2}{A} \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) g_{ph}(x) L_{eff} - \frac{2q}{A} J_{ph}^{inf}(x), \quad (45)$$

где  $g_{ph}(x) = \alpha J \exp(\alpha x)$  — скорость фотогенерации в базе  $p-n$ -перехода в точке  $x$ , а  $L_{eff} = L_p / (1 + \alpha L_p)$  — эффективная длина сбора фотоносителей (в случае  $\alpha L_p \gg 1$   $L_{eff} \approx 1/\alpha$ , а в случае  $\alpha L_p \ll 1$   $L_{eff} \approx L_p$ ). Заметим, что при больших обратных смещениях ( $|qV| \gg 3kT$ ) формулы (39) и (40) работы [13], определяющие коррелятор СПФ СП диффузионного тока в КНО  $n$ -типа  $p^+n$ -перехода с длинной базой, могут быть записаны в виде:

$$S_{J_p}^{inf}(x_1, x_2) = \frac{4q^2}{A} \exp\left(\frac{x_1}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x_2}{L_p}\right) g_T L_p - \frac{2q}{A} \exp\left(\frac{x_1 - x_2}{L_p}\right) J_d^{inf}(x_2), \quad (46)$$

$$S_{J_p}^{inf}(x) = \frac{4q^2}{A} \exp\left(\frac{x}{L_p}\right) \operatorname{ch}\left(\frac{x}{L_p}\right) g_T L_p - \frac{2q}{A} J_d^{inf}(x), \quad (47)$$

где  $g_T = p_0 / \tau$  — скорость тепловой генерации, а  $J_d^{inf}(x) = \{qL_p p_0 / \tau\} \exp(x/L_p)$  — плотность дырочного тока в КНО  $n$ -типа  $p^+n$ -перехода с длинной базой. Таким образом, из формул (44), (45) и (46), (47) видно, что в случае обратносмещенного  $p^+n$ -перехода с длинной базой выражения для



СПФ и корреляторов СП концентраций и токов темновых и фотоиндуцированных подвижных носителей в КНО  $n$ -типа определяются одинаковыми выражениями.

Отметим, что уравнения (34)—(37) определяют также корреляторы и СПФ фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей заряда в полубесконечном слое гомогенного полупроводника  $n$ -типа в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на грани  $x = 0$ . Вместе с тем, уравнения (26), (27) и (30), (31) определяют также корреляторы и СПФ фотоиндуцированных СП концентрации и тока подвижных носителей в слое гомогенного полупроводника  $n$ -типа толщиной  $d$  в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на обеих гранях, (при  $x = 0$  и при  $x = -d$ ), соответственно, а уравнения (28), (29) и (32), (33) — аналогичные величины в случае бесконечной скорости поверхностной рекомбинации на грани  $x = 0$  и нулевой скорости поверхностной рекомбинации на грани  $x = -d$ , соответственно.

### Заключение

На основе метода Ланжевена в низкочастотном пределе ( $\omega \ll 1$ ) развита корреляционная теория стационарных фотоиндуцированных случайных полей концентраций и токов подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах и в гомогенных полупроводниках. Установлено, что корреляторы тепловых и фотоиндуцированных случайных полей концентраций подвижных носителей заряда определяются одинаковыми выражениями при любой структуре  $p$ — $n$ -перехода и произвольной полярности приложенного напряжения, в то время как корреляторы случайных полей фотоиндуцированных и темновых токов определяются одинаковыми выражениями только в случае обратносмещенного  $p$ — $n$ -перехода с длинной базой.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант 13-07-00634), а также Президента Российской Федерации (грант государственной поддержки ведущих научных школ НШ-2787.2014.9).

### Литература

1. Филачев А. М., Таубкин И. И., Тришенков М. А. Твердотельная фотоэлектроника. Фотодиоды. — М.: Физматкнига. 2011.
2. Филачев А. М., Таубкин И. И., Тришенков М. А. Современное состояние и магистральные направления развития современной фотоэлектроники. — М.: Физматкнига. 2010.
3. Rogalski A. Infrared detectors. — Boca Raton, London, New York.: CRC Press. 2011.
4. Яковлева Н. И., Болтарь К. О., Седнев М. В. и др. // Прикладная физика. 2014. № 2. С. 45.
5. Балиев Д. Л., Болтарь К. О., Власов П. В. и др. // Прикладная физика. 2014. № 2. С. 41.
6. Кузнецов П. А., Моцев И. С. // Успехи прикладной физики. 2014. Т. 2. № 2. С. 163.
7. Селяков А. Ю. // Прикладная физика. 2010. № 2. С. 55.
8. Селяков А. Ю. // Прикладная физика. 2009. № 6. С. 127.
9. Селяков А. Ю. // Прикладная физика. 2009. № 6. С. 137.
10. Селяков А. Ю. Корреляционная теория случайных полей концентрации и тока подвижных носителей заряда в ИК-фотодиодах. Труды XXIII Международной научно-технической конференции по фотоэлектронике и приборам ночного видения. — М.: ОАО «НПО «Орион», 2014.
11. Селяков А. Ю. Корреляция случайных полей концентрации и тока подвижных носителей заряда в гомогенном полупроводнике. Труды XXIII Международной научно-технической конференции по фотоэлектронике и приборам ночного видения. — М.: ОАО «НПО «Орион», 2014.
12. Селяков А. Ю., Бурлаков И. Д., Шабаров В. В. // Успехи прикладной физики. 2013. Т. 1. № 4. С. 477.
13. Селяков А. Ю., Бурлаков И. Д., Пономаренко В. П. и др. // Прикладная физика. 2013. № 6. С. 25.
14. Бонч-Бруевич В. Л., Калашиников С. Г. Физика полупроводников. — М.: Наука, 1977.
15. Зи С. Физика полупроводниковых приборов. — М.: Мир. 1984.
16. Дыкман И. М., Томчук П. М. Явления переноса и флуктуации в полупроводниках. — Киев: Наукова думка, 1981.
17. Van Vliet K. M. // IEEE transactions on electron devices. 1976. V. ED-23. No. 11. P. 1236.
18. Van Vliet K. M. // Solid State Electronics. 1970. V. 13. No. 5. P. 649.
19. Рытов С. М. Введение в статистическую радиофизику. Часть I. Случайные процессы. — М.: Наука, 1976.
20. Тихонов В. И. Статистическая радиотехника. — М.: Радио и связь. 1982.
21. Жалуд В., Кулешов В. Н. Шумы в полупроводниковых устройствах. — М.: Советское радио. 1977.
22. Неустров Л. Н., Осипов В. В. // ФТП. 1981. Т. 15. № 11. С. 2186.
23. Букингем М. Шумы в электронных приборах и системах. — М.: Мир. 1986.
24. Левин Б. Р. Теоретические основы статистической радиотехники. Книга первая. — М.: Советское радио. 1974.

## Correlation theory for the random fields of concentrations and currents of mobile charge carriers in the IR photodiodes

A. Yu. Selyakov, I. D. Burlakov, A. M. Filachev

Orion R&P Association  
46/2 Entuziastov shosse, Moscow, 111123, Russia  
E-mail: orion@orion-ir.ru; ayusel@mail.ru

Received August 16, 2014

*On the base of Langevin method, the correlators for photoinduced random fields of concentrations and currents of mobile charge carriers in the IR photodiodes and homogeneous semiconductors have been calculated.*

PACS: 27.40.+w, 72.70.+m

*Keywords:* noise, fluctuation, random field,  $p-n$  transition

### References

1. A. M. Filachev, I. I. Taubkin, and M. A. Trishenkov, *Solid-State Photoelectronics. Photodiodes*. (Fizmatkniga, Moscow, 2011) [in Russian].
2. A. M. Filachev, I. I. Taubkin, and M. A. Trishenkov, *The Current Status and Main-Line Trackage for Development of Photoelectronics* (Fizmatkniga, Moscow, 2010) [in Russian].
3. A. Rogalski. *Infrared detectors* (Boca Raton, London, New York.: CRC Press. 2011).
4. N. I. Yakovleva, K. O. Boltar, M. V. Sednev, et al., *Prikladnaya Fizika*, No. 2, 45 (2014).
5. D. L. Baliev, K. O. Boltar, P. V. Vlasov, et al., *Prikladnaya Fizika*, No. 2, 41 (2014).
6. P. A. Kuznetsov and I. S. Moshchev, *Uspekhi Prikladnoi Fiziki* **2**, 163 (2014).
7. A. Yu. Selyakov, *Prikladnaya Fizika*, No. 2, 2010, 55 (2010).
8. A. Yu. Selyakov, *Prikladnaya Fizika*, No. 6, 127 (2009).
9. A. Yu. Selyakov, *Prikladnaya Fizika*, No. 6, 137 (2009).
10. A. Yu. Selyakov, in *Proc. XXXIII Intern. Conf. Photoelectronics* (NPO Orion, Moscow, 2014), pp. 262—264.
11. A. Yu. Selyakov, in *Proc. XXXIII Intern. Conf. Photoelectronics* (NPO Orion, Moscow, 2014), pp. 261—262.
12. A. Yu. Selyakov, I. D. Burlakov, and V. V. Shabarov, *Uspekhi Prikladnoi Fiziki* **1**, 477 (2013).
13. A. Yu. Selyakov, I. D. Burlakov, V. P. Ponomarenko, et al., *Prikladnaya Fizika*, No. 6, 25 (2013).
14. V. L. Bonch-Bruevich and S. G. Kalashnikov, *Physics of Semiconductors* (Nauka, Moscow, 1977) [in Russian].
15. S. Zi. *Physics of Semiconductor Devices* (Mir, Moscow, 1984) [in Russian].
16. I. M. Dykman and P. M. Tomchuk, *Phenomena of Carrying and Fluctuation in Semiconductors* (Naukova Dumka, Kiev, 1981) [in Russian].
17. K. M. Van Vliet, *IEEE Transactions on Electron Devices* **ED-23**, 1236 (1976).
18. K. M. Van Vliet, *Solid State Electronics* **13**, 649 (1970).
19. S. M. Rytov, *Introduction in Statistical Radiophysics. Part I. Random Processes* (Nauka, Moscow, 1976) [in Russian].
20. V. I. Tikhonov, *Statistical Radio Engineering* (Radio i Svyaz', Moscow, 1982) [in Russian].
21. V. Zhelud and V. N. Kuleshov, *Noises in Semiconductor Devices* (Sov. Radio, Moscow, 1977) [in Russian].
22. L. N. Neustroev and V. V. Osipov, *Semiconductors* **15**, 2186 (1981).
23. M. Bukingem, *Noises in Electron Devices and Systems* (Mir, Moscow, 1986) [in Russian].
24. B. R. Levin, *Theory of Statistical Radio Engineering. Book I* (Sov. Radio, Moscow, 1974) [in Russian].